doi: 10.11720/wtyht.2022.2411

谢兴隆,马雪梅,龙慧,等. 基于 Curvelet 变换的线杆共振干扰去除方法[J]. 物探与化探,2022,46(2):474-481. http://doi.org/10.11720/wtyht. 2022.2411

Xie X L, Ma X M, Long H, et al. Curvelet transform-based denoising of resonance interference induced by electrical poles in seismic exploration [J]. Geophysical and Geochemical Exploration, 2022, 46(2):474-481. http://doi.org/10.11720/wtyht. 2022. 2411

# 基于 Curvelet 变换的线杆共振干扰去除方法

# 谢兴隆,马雪梅,龙慧,明圆圆,孙晟

(中国地质调查局水文地质环境地质调查中心,河北保定 071051)

摘要:线杆共振干扰是中浅层地震勘探常见干扰之一,尤其对浅部数据影响较大,由于石油、煤田勘探涉及此类干 扰较少,缺乏相关研究内容。Curvelet变换可以获得图像平滑区域和边缘部分的稀疏表达,也能满足时变信号处理 的要求,在地震资料处理中取得了较好的效果。本文根据线杆共振干扰在地震数据中表现的特点,提出了一种基 于 Curvelet变换的线杆共振干扰去除方法,首先通过分析线杆共振干扰与有效信息在 Curvelet域的特征差异,借助 Curvelet变换的多尺度、多方向特性实现波场分离,然后根据本文设计的非线性阈值函数对干扰系数进一步衰减。 通过实际数据的应用分析,发现本文提出的方法可以有效地去除线杆共振干扰,同时可以较好地保护有效信号,去 噪后资料的信噪比及分辨率均有不同程度的提高,从而证明了该方法的有效性。

关键词: Curvelet 变换;地震勘探;线杆共振干扰;去噪;非线性阈值

中图分类号: P631.4 文献标识码: A 文章编号: 1000-8918(2022)02-0474-08

### 0 引言

野外采集的原始地震数据中往往含有各种类型 的噪声,如何对地震资料进行噪声压制,突出和保护 有效反射信号一直是地震处理中的研究重点。地震 资料中的噪声也称为干扰波,成分复杂,一般分为不 规则干扰和规则干扰,常见的噪声包括背景噪声、面 波、声波、多次波等<sup>[1]</sup>。一般情况下,有效波和干扰 波存在一定的频率、空间分布、振幅、视速度等方面 的差异,根据差异性质,便可对不同干扰波选择有针 对性的去噪方法,常见的去噪方法包含中值滤波、频 域滤波、FK 滤波、FX 反褶积、KL 变换、小波变换、多 项式拟合等技术方法<sup>[2]</sup>。

小波变换是一种多尺度分析方法,具有较好的 时频局部分析能力,在地震噪声压制领域应用较 广<sup>[3-4]</sup>,但小波变换角度分辨率不高<sup>[5]</sup>,不能很好地 表达图像边缘的方向特征。为了克服小波变换的局 限性, Candès 在其基础上提出了具有多尺度、多方 向性特点的 Curvelet 变换。Candès 等<sup>[6]</sup>于 1999 年 提出了第一代 Curvelet 变换,其由 Ridgelet 变换发展 而来,实现起来比较复杂,数据冗余量很大。其后, Candès 等又逐渐提出了改进方法,也就是目前常用 的第二代 Curvelet 变换,该变换是在连续域内进行 定义,理论简单易用,有 USFFT 和 Wrapping 两种快 速离散实现算法<sup>[7-9]</sup>。Curvelet 变换的多尺度、多方 向特性可以获得图像平滑区域和边缘部分的稀疏表 达,在时变信号处理方面有着广阔的应用前景,基于 Curvelet 变换的地震资料处理也取得了一系列成 绩,其中地震数据重建<sup>[10-13]</sup>、噪声压制<sup>[14-19]</sup>是研究 的热点。在噪声压制方面,随机干扰<sup>[14-16]</sup>和面波噪 声[17-19] 是已有研究的主要方向。虽然基于 Curvelet 变换的去噪方法层出不穷,但所有方法研究的重点 有两个,一是在 Curvelet 变换特点的基础上联合其 他方法的优势形成多方法联合去噪技术,二是根据 不同的指标或系数设计合适的阈值和阈值函数,从

收稿日期: 2020-12-24; 修回日期: 2021-09-15

基金项目:国家重点研发计划项目(2020YFE0201300);中国地质调查局地质调查项目(DD20189630)

**第一作者**:谢兴隆(1989-),男,硕士,目前在中国地质调查局水文地质环境地质调查中心物探室从事地球物理勘探与方法研究工作。Email: xxl0306@126.com

通讯作者:孙晟(1975-),男,博士,从事地球物理勘探方法研究工作。Email:sun.sheng@163.com

而提高去噪效果。

近些年,笔者在雄安新区使用可控震源进行中 浅层地震勘探时发现线杆共振干扰严重影响了本区 地震数据的质量,浅部数据的信噪比下降得尤为明 显。线杆共振干扰是沿着线杆方向进行地震勘探时 的一种规则性干扰噪声,此种干扰在借助已有道路 进行地震作业时较为常见。由于石油、煤田地震勘 探很少涉及此类干扰,线杆共振干扰没有引起充分 重视,缺乏相关研究内容,而此类干扰却是中浅层地 震勘探中常见干扰,因此对线杆共振干扰进行相关 研究非常有必要。诸如 FK 滤波、中值滤波等常规 去噪方法虽然对线杆共振干扰有一定的压制作用, 但效果并不明显,有效波损失较多。本文借助 Curvelet 变换的多尺度、多方向特性,提出了一种基于 Curvelet 变换的线杆共振干扰去除方法,取得了较 好效果。

1 线杆共振干扰的形成及特点

为了提高施工效率,降低施工成本,中浅层地震

勘探经常需要借助已有道路进行测线铺设。而随着 社会的进步与发展,道路(包括田间土路)两侧经常 会有通讯、输电等线杆设施,典型的线杆如图 1a 所 示,在存在线杆设施的道路进行地震作业时就容易 产生相应的线杆共振干扰。

经过大量施工经验总结,我们对线杆共振干扰 的形成有了较为清晰的认识,线杆共振干扰形成的 示意如图 1b 所示。当可控震源车在某一线杆附近 进行激发时,同时带动该线杆进行共振,共振信号通 过线杆然后经由线杆顶部的线缆传至其他线杆,从 而引发整个线路上线杆的共振,进而在线杆底部产 生干扰的地震波。需要说明的是,当线杆之间的线 缆间断或通过地下连接,共振干扰也会间断。影响 线杆共振干扰能量的因素较多,其能量表达公式为:

$$A = \alpha_1 \alpha_2 \alpha_3 A_0, \qquad (1)$$

式中:A 为某一线杆共振干扰能量;A<sub>0</sub> 为震源激发的 原始能量;a<sub>1</sub> 为震动信号经过地面时的能量衰减系 数,主要受传输距离影响;a<sub>2</sub> 为震动信号经过线杆 的衰减系数,主要受线杆材质、埋深、大小等因素影 响;a<sub>3</sub>为震动信号经过传输线缆的衰减系数,主要





#### Fig. 1 Photo of poles(a) and schematic diagram of the pole resonant interference(b)

受传输线缆的材质、数量、粗细等因素影响。某一线 杆共振干扰的综合衰减系数为 α<sub>1</sub>、α<sub>2</sub>、α<sub>3</sub>,综合衰减 系数主要反映了共振干扰对地震数据的影响程度。

同样,线杆共振干扰在地震记录中的初始时间, 由下式决定:

$$t = t_1 + t_2 + t_3, \tag{2}$$

式中:t为线杆共振干扰的初始时间;t<sub>1</sub>为地面传递时间;t<sub>2</sub>为线杆传递时间;t<sub>3</sub>为线缆传递时间。

为了模拟线杆共振干扰,我们设计了如图 2a 的 简单正演模型。地下为两层地质结构,上地层的速 度、密度分别为 1 200 m/s、1.8 g/cm<sup>3</sup>;下地层的速 度、密度分别为 2 000 m/s、2.0 g/cm<sup>3</sup>;两层的分界面 深度为 200 m。正演中采用主频 40 Hz 的 Ricker 子 波进行零偏激发,96 道接收,道间距 5 m,其中首道 定义为0m。线杆紧邻测线,分布在0、200、400m三 个位置,假设线杆产生共振后,即可当作独立震源, 其中0m线杆与震源位置一致,无法体现共振干扰。 200、400m处的线杆共振干扰的综合衰减系数分别 假设为0.08、0.02,初始时间分别假设为60、240ms。

最终正演结果如图 2b 所示,虽然综合衰减系数 较小,但共振干扰的位置及影响清晰可辨,干扰能量 主要来自线杆共振时激发的能量较强但衰减较快的 面波成分。实际情况要比理论模型复杂得多,真实 的野外记录如图 3 所示,线杆共振干扰波均匀的分 布在地震记录上,以线杆为中心表现为明显的扫帚 状低频干扰波,局部能量较强。图 3a 中的干扰较 小,未对 350 ms 反射轴形成明显影响,图 3b 中的干 扰较大,350 ms 反射轴基本无法分辨。



图 2 正演模型(a)及正演的单炮记录(b)



a—low interference; b—high interference

图 3 线杆共振干扰在实际地震记录中的表现特点



由于中浅层地震勘探或城市地震勘探需借助道 路进行野外施工,而道路两侧的线杆又无法完全避 免,因此,线杆共振干扰的问题直接影响着了中浅层 地震勘探的数据质量。

2 方法原理

#### 2.1 曲波变换原理

Curvelet 变换原理及相关算法,已有较多文献 进行了详细介绍,本文只进行简单说明。Curvelet 变换与小波变换相比增加了方向信息,是小波变换 的二维扩展,与其类似,也可以进行平移伸缩。Curvelet 变换具有旋转特性,其系数由*j*、*l*、*k*<sub>1</sub>、*k*<sub>2</sub> 4 个因 子确定,其中*j*为伸缩因子,*l*为旋转因子,*k*<sub>1</sub>和 *k*<sub>2</sub> 为平移因子。常用的第二代 Curvelet 变换公式为:

$$C(j,l,k) = \langle f, \varphi_{j,l,k} \rangle = \int_{\mathbb{R}^2} f(x) \overline{\varphi_{j,l,k}}(x) dx, (3)$$
  
式中:*j*表示尺度;*l*表示角度;*k*表示位置;函数*f* ∈  
*L*<sup>2</sup>(*R*<sup>2</sup>)是目标函数;*\varphi\_{j,l,k}* 是 Curvelet 函数;*C*(*j*,*l*,*k*)  
是 Curvelet 系数由目标函数与*\varphi* 内积得到。

曲波变换包含精细尺度和粗尺度的分量,但粗 尺度的曲波没有方向性,因此整个曲波变换可以看 成是由精细尺度下的各向异性元素和粗尺度下各向 同性元素共同组成的集合。一般利用 Curvelet 变换 进行信号处理时,会将信号进行尺度和方向的划分, 明确待处理信息所在的尺度与角度,从而进行细致 处理。

快速离散实现算法有 Wrapping 算法和 USFFT 算法两种,当输出相同结果时,Wrapping 算法运算 速度更快,效率更高,考虑到地震原始数据量较大,

故文中选用 Wrapping 算法进行运算。

## 2.2 Curvelet 域线杆共振干扰的去除及步骤

线杆共振干扰的特点前文已经介绍,根据干扰 波与有效波在频率、速度、方向上的特征差异,将干 扰波与有效波变换至 Curvelet 域,利用 Curvelet 变换 的多尺度、多方向特性可以更细致地描述干扰波与 有效波之间的差异,这也是相对于传统去噪方法存 在的明显优势。

假设一个地震记录表达为y(c,t),其中c表示 CDP号,t表示时间。设s(c,t)为有效信号,x(c,t)为线杆共振干扰信号,n(c,t)为其他噪声信号,则实 际地震记录可以表示为:

$$y(c,t) = s(c,t) + x(c,t) + n(c,t) \circ (4)$$

对地震数据体进行 Curvelet 变换,则在 Curvelet 域中可表示为:

 $C_{y}(j,l,k) = C_{s}(j,l,k) + C_{x}(j,l,k) + C_{n}(j,l,k) ,$ (5)

式中: $C_y(j,l,k)$ 、 $C_s(j,l,k)$ 、 $C_x(j,l,k)$ 、 $C_n(j,l,k)$ 分 别为y(c,t)、s(c,t)、x(c,t)、n(c,t)的 Curvelet 变换 系数。在原始记录中,有效信号与线杆共振干扰叠 加在一起,不好分离,通过 Curvelet 变换将地震数据 扩展到 Curvelet 域的三维空间中,可以对不同信号 进行最大程度的分离。

基于 Curvelet 变换的去噪方法大多是阈值法或 是在其基础上的改进方法,利用有效波与干扰波在 Curvelet 域的差异,设计或选择合适的阈值函数,就 能实现压制噪声的目的。常见的阈值函数包括硬阈 值、软阈值、线性阈值与非线性阈值等类型的函数。 经硬阈值处理的 Curvelet 系数阈值附近不连续,容 易产生"伪 Gibbs 现象";软阈值考虑到了系数的平 稳变化,但与真实系数存在恒定的偏差。为了克服 硬阈值与软阈值函数的缺陷,结合线杆共振干扰的 特点,本文设计了一种非线性阈值函数,表达如下:

$$\overline{C_{j,l,k}} = \begin{cases} 0 & |C_{j,l,k}| > t \\ C_{j,l,k} \cdot \sin\left(\frac{\pi(t - |C_{j,l,k}|)}{0.2t}\right) & 0.9t \le |C_{j,l,k}| \le t \\ C_{j,l,k} & |C_{j,l,k}| < 0.9t \end{cases}$$
(6)

式中: $C_{j,l,k}$ 为含有受线杆干扰噪声的 Curvelet 的系数; $\overline{C_{j,l,k}}$ 表示对线杆共振干扰进行压制后的系数,t为设置的阈值。在使用阈值函数进行线杆共振干扰 压制前,必须先明确含有线杆干扰的数据范围。为了快速选取合适的阈值,本文选取阈值的公式如下:

$$\begin{cases} t = \lambda t_1 \\ t_1 = \text{median}(A) \end{cases}$$
(7)

式中:*A* 为待处理数据的集合;*t*<sub>1</sub> 为待处理数据的中 值;λ 为控制参数。待处理数据集合 *A* 随尺度变化, 因此阈值也是随尺度进行变化。

基于 Curvelet 变换的线杆共振干扰去除方法的 具体步骤为:

 应用 Curvelet 变换将原始地震数据分解为 多个尺度,首先确定受线杆共振干扰的尺度与不受 线杆共振干扰的尺度。

2)根据线杆共振干扰的分布规律,对受线杆共振干扰的各尺度进行方向分析,确定线杆共振干扰的方向。经过不同尺度、不同角度的优选从而将原始数据分为受线杆干扰的区域和不受线杆干扰的区域。

3)线杆共振干扰与面波形态有些类似,但能量 又弱于面波,为了更好地使用阈值函数,利用线杆共 振干扰与有效信号之间的视速度差异,对干扰数据 中含有较多有效信号的尺度进一步进行 FK 滤波分 离。

 4) 对分离出含有线杆共振干扰的数据在各个 尺度选取不同阈值,采用阈值函数对干扰信号进行 压制。

5) 将对含线杆共振干扰区域压制后的 Curvelet 系数与不含线杆共振干扰的 Curvelet 系数相加,顺 便在 Curvelet 域使用固定阈值<sup>[20]</sup>对随机噪声压制, 然后反变换重构信号得到去除线杆共振干扰后的地 震剖面。

本文所设计的阈值函数与面波压制所使用的阈 值函数类似,都是基于干扰波的能量大于有效波能 量的基础上,因此分离出的干扰信号区域含有的有 效信息比例越少,则阈值函数使用效果越佳。不同 尺度的阈值需要根据能量进行确定,设置控制参数 有利于人工监控调节。

#### 3 实际资料分析

以雄安新区容城县沙河村附近的原始记录为 例,图 4a 为原始单炮记录,采用美国 M18-612 型可 控震源进行激发,总道数 120,道间距 5 m,采样间隔 0.5 ms。从单炮记录中可以观察到明显的线杆共振 干扰,图中红色箭头所示。使用 Wrapping 算法对单 炮记录进行 5 个尺度的 Curvelet 变换,图 4b 显示了 所有尺度及方向的 Curvelet 系数,纵向分布较少,主 要集中在横向。为了更好地进行说明,截取单炮记 录中的 50~100 道,100~700 ms 的区域(图 4 的黑框 内)进行演示。



图 4 原始数据(a)及其 Curvelet 系数分布(b) Fig. 4 Original seismic record(a) and its Curvelet coefficient distribution map(b)

将原始数据进行 Curvelet 正变换,得到 5 个尺 度的 Curvelet 系数,分别对各尺度进行反变换,各尺 度的地震记录如图 5 所示。从图中可以明显看出线 杆共振干扰主要存在于第 5 尺度中,第 1、2 尺度几 乎不含线杆共振干扰,第 3、4 尺度既包含干扰成分, 又包含有效成分。

为了进一步缩小含有线杆共振干扰的数据范围,在各尺度的基础上进一步进行方向分析,利用

Curvelet 反变换进行分方向数据重构,详细观察含 有线杆共振干扰的方向分量。由于第1、5尺度不存 在方向性,第2尺度几乎不含线杆共振干扰,我们主 要对第3、4尺度进行方向研究。以第4尺度为例, 共含有32个方向分量,根据试验确定含有线杆共振 干扰的方向分量分别为12、13、28、29。第4尺度含 有线杆共振干扰的方向分量重构如图6所示,12、13 分别与28、29方向分量相差180°,因此图6中a、b



Fig. 5 Original record and decomposition results at different scales





#### Fig. 6 Directional component with interference information at the fourth sacle

与 c、d 结果相近。

通过 Curvelet 域多尺度、多方向的分析明确了 含有线杆共振干扰的数据区域,然后将含线杆共振 干扰的 Curvelet 系数与不含干扰的 Curvelet 系数进 行反变换分别得到含线杆共振干扰和不含线杆共振 干扰两种数据,分离结果如图 7 所示。图 7a 为同时 含有有效信息和线杆共振干扰的数据,图 7b 为不受 线杆共振干扰的数据,在图 7b 中已经可以较好地看



a BXTXTXXXXXXX

a-data with pole resonance interference; b-data without pole resonance interference

图 7 原始数据最终分离结果



到有关反射波的信息。

接下来按照第二节介绍的步骤,利用设计的阈 值函数对含有线杆共振干扰的数据做进一步处理, 最终去除的线杆共振干扰噪声如图 8 所示,去除的 噪声表现出有规律分布的扫帚状低频记录。最终去 除的结果如图 9b 所示,与图 7b 对比观察可以发现, 经阈值函数处理后的剖面中有效信息更丰富,尤其 是浅部 200~350 ms 的反射形态更为清晰。将原始 数据与去噪结果进行对比(图 9),可以看到,原始数 据中的线杆共振干扰得到了有效压制,反射信号同 相轴的连续性、清晰度均有所提高。频谱分析对比 如图 10 所示,由于最后一步使用固定阈值压制随机 噪声时添加了白噪声,因此去噪后的频谱在低频与 高频段均出现了少量能量,能量占比较低,对有效



Fig. 8 The final removal of the pole resonance interference data





Fig. 9 A comparison of original data(a) and processed results(b)



Fig. 10 Spectrum comparison diagram

频带宽度没有明显影响。经过频谱对比分析可得出,两者的有效频带宽度相近,但去噪数据在40~70 Hz 优势频段的能量占比提高的较为明显,与实际记录对比结论一致,去噪数据的信噪比与分辨率均有提高。整体上,本文所提出的基于 Curvelet 变换的线杆共振干扰去除方法可以获得较好的去噪效果,能在最大程度保护有效信号的基础上分离线杆共振 干扰波。

#### 4 结论

1)线杆共振干扰是中浅层地震勘探常见干扰 之一,干扰大小主要和线杆规模、观测系统、震源能 量有关,降低了地震原始数据的信噪比,尤其是对浅 部数据影响较大。

2) Curvelet 变换的多尺度多方向特征可以较好 对含线杆共振干扰信号进行分离,能在彻底分离线 杆共振干扰波的同时提取出更多的有效信号,对高 保真地震资料处理具有重要意义。

3)本文设计的非线性阈值函数及去除线杆共 振干扰的方法步骤效果明显,去噪后资料的信噪比 及分辨率均有提高,达到了去除效果。

4) Curvelet 变换在地震去噪中优势明显,根据 不同噪声特点及处理目的,可以联合多种方法,设计 合适的阈值函数,从而形成有针对性的去噪方法。

#### 参考文献(References):

- 张军华,吕宁,田连玉,等. 地震资料去噪方法、技术综合评述
   [J]. 地球物理学进展,2005,20(4):1083-1091.
   Zhang J H,Lyu N, Tian L Y, et al. An overview of the methods and techniques for seismic data noise attenuation [J]. Progress in Geophysics,2005,20(4):1083-1091.
   [2] 接合 其王 Currents 恋族的地震资料噪声压制研究[D] 声息
- [2] 杨会. 基于 Curvelet 变换的地震资料噪声压制研究[D]. 南昌: 东华理工大学,2018.

Yang H. Research on noise suppression of seismic data based on curvelet transform [D]. Nanchang: East China University of Technology, 2018.

- [3] Deighan A J, Watts D R. Ground-roll suppressing using the wavelet transform [J]. Geophysics, 1997, 62(6): 1896 – 1903.
- [4] 高静怀,毛剑,满蔚仕,等. 叠前地震资料噪声衰减的小波域方法研究[J]. 地球物理学报,2006,49(4):1155-1163.
  Gao J H, Mao J, Man W S, et al. On the denoising method of prestack seismic data in wavelet domain [J]. Chinese Journal of Geophysics,2006,49(4):1155-1163.
- [5] Mallat S G. A theory for multiresolution signal decomposition; The wavelet representation [J]. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 1989, 11(7); 674-693.
- [6] Candès E J, Donoho D L. Curvelets—A surprisingly effective nonadaptive representation for objects with edges [J]. Computer Science, 2000:1-10.
- [7] Candès E, Demanet L, Donoho D L, et al. New tight frames of curvelets and optimal representations of objects with piecewise C2 singularities [J]. Communications on Pure & Applied Mathematics,

2010,57(2):219-266.

- [8] Candès E J, Donoho D L. Continuous curvelet transform: I. Resolution of the wavefront set [J]. Applied & Computational Harmonic Analysis, 2005, 19(2):162 – 197.
- [9] Candès E J, Donoho D L, et al. Fast discrete Curvelet transforms
   [J]. Multiscale Modeling & Simulation, 2006, 5(3):861-899.
- [10] 徐卫,张华,张落毅. 基于复值曲波变换的地震数据重建方法
  [J]. 物探与化探,2016,40(4):750-756.
  Xu W,Zhang H,Zhang L Y. A study of seismic data reconstruction based on complex-valued curvelet transform [J]. Geophysical and Geochemical Exploration,2016,40(4):750-756.
- [11] 温蓉,刘国昌,冉扬. 压缩感知地震数据重建中的三个关键因素分析[J]. 石油地球物理勘探,2018,53(4):682-693.
  Wen R,Liu G C, Ran Y. Three key factors in seismic data reconstruction based on compressive sensing [J]. Oil Geophysical Prospecting,2018,53(4):682-693.
- [12] 王汉闯,陶春辉,陈生昌,等.基于稀疏约束的地震数据高效采 集方法理论研究[J].地球物理学报,2016,59(11):4246-4265.

Wang H C, Tao C H, Chen S C, et al. Study on highly efficient seismic data acquisition method and theory based on sparsity constraint [J]. Chinese Journal of Geophysics, 2016, 59(11):4246-4265.

[13] 白兰淑,刘伊克,卢回忆,等. 基于压缩感知的 Curvelet 域联合 迭代地震数据重建[J]. 地球物理学报,2014,57(9):2937-2945.

Bai L S, Liu Y K, Lu H Y, et al. Curvelet-domain joint iterative seismic data reconstruction based on compressed sensing [J]. Chinese Journal of Geophysics, 2014, 57(9):2937-2945.

[14] 薛永安,王勇,李红彩,等.改进的曲波变换及全变差联合去噪 技术[J].物探与化探,2014,38(1):81-86.

Xue Y A, Wang Y, Li H C, et al. An improved random attenuation

method based on curvelet transform and total variation [J]. Geophysical and Geochemical Exploration, 2014, 38(1):81-86.

- [15] 孙成禹, 刁俊才, 李文静. 基于曲波噪声估计的三维块匹配地震 资料去噪[J]. 石油地球物理勘探, 2019, 54(6):1188-1194.
  Sun C Y, Diao J C, Li W J. 3D Block matching seismic data denoising based on Curvelet noise estimation [J]. Oil Geophysical Prospecting, 2019, 54(6):1188-1194.
- [16] 张华,刁塑,温建亮,等.应用二维非均匀曲波变换压制地震随机噪声[J].石油地球物理勘探,2019,54(1):16-23.
  Zhang H,Diao S,Wen J L,et al. A random noise suppression with 2D non-uniform curvelet transform [J]. Oil Geophysical Prospecting,2019,54(1):16-23.
- [17] 郑静静,印兴耀,张广智,等. 基于第二代 Curvelet 变换的面波 压制[J].应用地球物理,2010,7(4):325-335.
  Zheng J J, Yin X Y, Zhang G Z, et al. The surface wave suppression using the second generation curvelet tracsform [J]. Applied Geophysics,2010,7(4):325-335.
- [18] 李继伟,刘晓兵,周俊骅,等. 基于能量比的 Curvelet 阈值迭代 面波压制[J]. 石油地球物理勘探,2019,54(5):997-1004.
  Li J W, Liu X B, Zhou J H, et al. A Curvelet threshold iteration method based on energy ratio for surface-wave suppression [J]. Oil Geophysical Prospecting,2019,54(5):997-1004.
- [19] 王常波,田坤,刘立彬,等. 基于地震子波支撑和 Curvelet 域稀 疏约束的面波衰减方法[J]. 地球物理学进展,2020,35(1):
   181-187.

Wang C B, Tian K, Liu L B, et al. Ground-roll attenuation method based on the seismic wavelet supported and sparse constraint in Curvelet domain [J]. Progress in Geophysics, 2020, 35(1):181–187.

[20] Donoho D L, Johnstone I M. Ideal spacial adaptation by wavelet shrinkage [J]. Biometrica, 1994, 81(3):425-455.

# Curvelet transform-based denoising of resonance interference induced by electrical poles in seismic exploration

XIE Xing-Long, MA Xue-Mei, LONG Hui, MING Yuan-Yuan, SUN Sheng

(Center for Hydrogeology and Environmental Geology Survey, CGS, Baoding 071051, China)

**Abstract**: The resonance interference induced by electrical poles is a common type of noise in middle-shallow seismic exploration, especially for shallow data. However, relevant studies are scarce since it is rarely involved in petroleum and coalfield exploration. The Curvelet transform allows for a sparse representation of smooth regions and edges in images and can meet the requirements of time-varying signal processing, thus achieving good effects in the processing of seismic data. Based on the characteristics of the electrical pole-induced resonance interference in seismic data, this paper proposes a new method that utilizes the Curvelet transform to remove the resonance interference in original data and the steps are as follows. First, analyze the differences between the characteristics of the resonance interference induced by electrical poles and effective information in the Curvelet domain. Based on this, conduct wavefield separation according to the multi-scale and multi-direction characteristics of the Curvelet transform. Then, further attenuate the interference factors using the nonlinear threshold function designed in this paper. According to the application and analysis of actual data, this method can effectively remove the resonance interference induced by electrical poles while properly protecting effective signals and can significantly improve the signal-to-noise ratio and resolution of the denoised data. Therefore, the method proposed in this paper is effective.

Key words: Curvelet transform; seismic exploration; pole resonance interference; denoising method; nonlinear thresholding

(本文编辑:叶佩)