doi:10.3969/j.issn.2097-0013.2021.02.009

土石混合体边坡模型随机构建与稳定性分析

贺 勇1,张宗堂2,3*,杨期君2,张巨峰3,李文菁3

HE Yong¹, ZHANG Zong–Tang^{2, 3*}, YANG Qi–Jun², ZHANG Ju–Feng³, LI Wen–Jing³

(1. 长沙市规划勘测设计研究院,长沙410000; 2. 湖南科技大学岩土工程稳定控制与健康监测湖南省重点实验室,湖南湘潭 411201; 3. 湖南科技大学资源环境与安全工程学院,湖南湘潭411201)

(1. Changsha Planning, Survey, Design and Research Institute, Changsha 410000, Hunan, China;

2. Hunan Provincial Key Laboratory of Geotechnical Engineering for Stability Control and Health Monitoring, Hunan University of Science and Technology, Xiangtan 411201, Hunan, China; 3. School of Resource & Environment and Safety Engineering, Hunan University of Science and Technology, Xiangtan 411201, Hunan, China)

摘要:本文针对不同含石量的土石混合体边坡展开研究。首先,采用数字图像处理的方法,获取了自然界真实块石的数字化模型; 然后,基于 MATLAB 编程,采用蒙特卡洛方法随机生成特定级配与含石量的土石混合体边坡模型;接着,将模型分别导入数值 计算软件 FLAC2D 与 OPTUM G2,并分别采用有限差分(FDM)与极限分析有限元(FELA)的方法对边坡进行计算,最后对计算 结果进行了分析。研究表明:均质土体边坡的塑性区为一条类圆弧滑动带,而土石混合体边坡的滑动带沿着块石周围进行扩展; FELA 方法计算得到的边坡安全系数的平均值大于 FDM 方法计算得到的安全系数的平均值。

关键词:土石混合体;有限差分;极限分析有限元;塑性区

中图分类号:TU443;P642.3 文献标识码:A 文章编号:2097-0013(2021)02-0226-07

He Y, Zhang Z T, Yang Q J, Zhang J F and Li W J. Random Generation and Stability Analysis of Soil Rock Mixture Slope Model. *South China Geology*, 2021,37(2):226-232.

Abstract: This paper focuses on the study of the soil rock mixture slope with different rock contents . Firstly, digital image processing method is used to obtain the digital model of natural rock blocks. Then, based on MATLAB programming, Monte Carlo method is used to randomly generate the slope model of soil rock mixture with specific gradation and rock content. After that, the model is imported into the numerical calculation software FLAC2D and OPTUM G2 respectively, and the finite difference method and finite element limit analysis method are used to calculate the slope. The calculation results are analyzed and show that the plastic zone of homogeneous soil slope is a arc-like sliding zone, while the slip zone of soil-rock mixture slope extends around rocks; and that the mean value of safety factor calculated by FELA method is greater than that calculated by FDM method.

Keywords: soil rock mixture; finite difference method; finite element limit analysis method; plastic zone

第一作者:贺勇(1987—),男,硕士,从事道路桥梁设计工作,电话:13787154593,E-mail:273853806@qq.com

收稿日期:2021-1-18;修回日期:2021-3-14

基金项目:国家自然科学基金项目 (No. 51909087);湖南省教育厅科学研究项目 (No. 17C0651);湖南科技大学岩土工程稳定控制与健康监测省重点实验室开放基金资助项目 (No. E21807);湖南省研究生科研创新项目 (No. CX20190790)

土石混合体(soil rock mixture)是指由具有一 定尺寸且强度较高的块石、强度较低的土体及孔隙 构成的极端不均匀的松散岩土体,是一种在自然 界广泛存在的典型非均质岩土材料^[1-5];Medley也 称之为 bimrock(block-in-matric rock), 意思是"由 较细结构的粘结基质与具有岩土工程意义的块体 组成",其中"具有岩土工程意义的块体"表示块体 与弱基质之间存在足够的力学对比,并且块体的 尺寸分布和体积比例会影响工程规模下的岩体性 质^[6,7]。在岩土工程领域,土石混合体材料十分常 见,例如:川藏公路林芝至八宿段全长 427 km 范围 内,地质灾害的主要物质是土石混合体¹⁸;浙江省 上(虞)三(门)高速公路 K92-K95 段的边坡为土石 混合体,滑坡治理费用高达亿元⁹;攀西地区发生 的 816 个滑坡中, 土石混合体边坡就有 500 个, 占 61.3%^[3,10]。

考虑到这些土石混合体的巨大空间与力学变 异性,以往学者们为了简化计算,常常选择使用较 弱强度和变形特征好模拟的土壤来开展工作^[11-12], 忽略了块体对整体土石混合体强度的贡献。然而, 正如许多文献所报道的一样,这种简化可能导致较 大的计算误差。也有实践表明,由于土石混合体本 身的多向性及不连续性等特征,使用传统的均质 岩土材料假定应用于土石混合体岩土构筑物的分 析存在明显不足^[13]。在目前的研究中缺乏与自然 界真实情况符合程度较高的土石混合体模型。

在过去的几十年里,人们进行了大量的研究, 以建立正确描述土石混合体特征的系统方法。学者 们大都致力于选择适当的强度和变形参数,并进行 恰当的数值模拟,以便在复杂地层中正确地开展工 程活动。在土石混合体室内试验结果的基础上,一 些学者提出了初步的强度准则:假定土石混合体是 均匀各向同性的且具有等效的力学性能,则土石混 合体的强度可根据其块石含量和土体强度参数确 定^[14]。还有一些学者分析了在用确定性方法分析 非均质地层中边坡稳定性时块石的影响^[15],他们 强调了这种土石混合体建模方法产生的特殊结果, 与分析均质土体时得到的结果有显著不同。

基于前人的研究成果,本文提出了一种土石混 合体的随机生成算法。首先采用数字图像处理来获 取自然界的真实块石轮廓,然后通过 MATLAB 编 程来生成具有特定级配和块石含量土石混合体边 坡模型。最后分别基于 FLAC2D 与 OPTUM G2 对 其进行稳定性分析;为了提高结果的统计有效性, 对于每种含石量的边坡(含石量 0% 的边坡除外) 进行了 5 次平行试验,并对两种方法的计算结果进 行了对比分析。

1 土石混合体边坡模型的构建

1.1 参数说明

本文旨在探讨含石量对土石混合体边坡稳定性的影响,为此,进行了大量的二维边坡稳定性分析。对于简单的边坡模型,分别采用了有限差分法(FDM)和极限分析有限元法(FELA)对边坡模型进行分析。其中,所有边坡模型的坡度为45°,边坡尺寸如图1所示,级配均一致(图2),但块体含量不同。分别计算了块石含量为0%(均值土体)、20%、40%和60%的土石混合体边坡模型。由于它们是二维模型,块体的面积即被认为等于块石的体积。



Fig. 1 Schematic diagram of slope size (unit: m)

为了考虑块石在空间和尺寸上的变化,作者编 写了一个 MATLAB 程序,用于在边坡区域中生成 随机位置和大小的块石颗粒。对于每个给定的级配 和含石量,共随机构建了5个不同的边坡模型,即 共进行了5次稳定性分析。设置5组平行试验的目 的是消除随机误差,以增加结果的可靠性。

此外,还分析了含石量为0%的边坡,以评估 地质勘探人员在仅根据土体的强度和变形特性 进行设计时可能造成的潜在误差。表1显示了分析中使用的块石和土体参数^[1-2,16-18],两种材料的力学参数取值符合要求(E_{rock}/E_{matrix}>2和 tan ϕ_{rock} /tan $\phi_{matrix}>2$)^[6,19]。假定它们遵循莫尔 - 库仑破坏 准则,并具有理想弹塑性行为;根据 Lindquist 和 Kalender 准则^[20],假设块石为均匀各向同性材料,并通过不同方法对其进行了数值模拟。总共对 32个土石混合体边坡分别采用 FLAC2D(有限差分法)和 OPTUM G2(极限分析有限元)进行了稳定性分析,评估并比较了安全系数。



Fig. 2 Grading curve

表1 著	参数取值
------	------

Table 1Parameter values

参数	土体	块石
E (Gpa)	2.5	7.2
v (-)	0.35	0.2
γ (Kn/m3)	20	25
c (kPa)	10	1000
φ (°)	28	50

2 边坡模型随机构建

2.1 数字图像处理获取块石颗粒

通过对真实块石颗粒进行拍照并进行数字图 像处理,来提取块石颗粒的轮廓坐标。采用数码 相机对颗粒进行拍照,相机型号为:佳能 600D,高 级摄影系统(APS)框架和单镜头反射(SLR)数码 相机,1800万像素 APS-C CMOS 传感器(尺寸: 22.3*14.9 mm) 和 EXPEED 2 图 像 处 理 芯 片, 1.6 倍镜头转换系数;镜头型号为:EF-S 18-135 mm, 67 mm 镜头;得到的原始块石照片如图 3a 所示。 首先,利用 MATLAB 中的 rgb2gray 函数对块石 颗粒的二维照片进行灰度处理(图 3b);然后,利 用 MATLAB 中的 fspecial 和 imfilter 函数对图像 进行高斯模糊平滑处理(图 3c),降低了图像的噪 声:使用 MATLAB 中的 im2bw 函数对照片进行 二值化处理(图 3d)后,可以看到二值化处理后颗 粒区域为黑色,背景区域为白色;但是颗粒上仍然 有一些部分是白色,这是因为颗粒上面的颜色分 布不均匀,表面有少量白色区域造成的,不过这并 不会影响轮廓的提取。最后,使用 MATLAB 中的 bwboundaries 函数搜索边界像素来提取颗粒的轮 廓(图 3e)。

需要注意的是,轮廓提取后(图 3e)得到的颗 粒坐标是像素坐标,意味着一个颗粒的轮廓点有几 千上万个,这样的块石颗粒直接用于数值计算是不 现实的,因为轮廓点太多会造成计算十分耗时。因 此,需要对块石的轮廓点进行简化处理。常用的简 化方法是等角度随机采样(图 3e 到图 3f),详细过 程如图 4 所示。当采样角度为 θ°时,粒子可简化 为 N(N=360/θ)个点(在本研究中 θ=10°,N=36),



图 3 数字图像处理获取块石轮廓

Fig. 3 Block stone outline acquired by digital image processing

最终得到简化后的颗粒轮廓如图 3f 所示。等角度随机采样的详细过程参见文献 [21]。



图 4 等角度采样示意图 Fig. 4 Schematic diagram of equal angle sampling

2.2 MATLAB 编程构建边坡模型

在考虑块石存在的情况下,利用 MATLAB 编 写程序进行蒙特卡罗模拟,根据给定的块石含量和 级配曲线,在边坡区域内生成任意直径和位置的真 实块石颗粒。对于每个不同的含石量(仅 20%、40% 和 60%,因为 0% 代表均值土体),随机构建了 5 个 土石混合体边坡模型,即为了实现结果的统计有效 性,进行了 5 次稳定性分析。

当计算得到的含石量(计算为所有块体的面积总和除以边坡模型的面积)对应于输入中定义的 含石量时,使用"while"循环停止提取,允许误差为 ±2.5%。

为了最大限度地提高代码性能,加快计算速度,块石的放置是根据块石粒径的大小从大到小进行的。MATLAB代码满足的其他要求是:(1)块石不能相互穿透,否则就没有物理意义;(2)块石不能与它们所在的斜坡模型的外部边界相交。实际上,任何交叉点都会导致块体体积的部分损失,从而导致对块石含量的低估,这将与规定的块石含量不符。为了达到这些目的,将两个块石之间以及块石与外部斜坡边界之间的最小距离设置为5 cm。最终构建的土石混合体模型如图 5 所示(含石量40%,级配如图 2 所示)。

MATLAB代码的主要输出结果是一个文本 文件,其中包含每个块石的轮廓坐标。为了导入 FLAC2D和 OPTUM G2,所有 MATLAB输出文件 都转换成脚本文件,以便在 AutoCAD 软件中可视 化,然后以 DXF 格式保存。

3 土石混合体边坡模型稳定性分析

分别采用有限差分法 (FDM) 与极限分析有



图 5 含石量为 40% 的土石混合体边坡模型示例 Fig. 5 Example of soil rock mixture slope model with 40% stone content

限元法 (FELA),对含石量为 0%(均值土体)、20%、 40% 和 60% 的土石混合体进行稳定性分析。除均 值土体外,每个含石量随机构建了 5 个边坡进行分 析,共 16 个边坡,即采用两种方法一共进行了 32 次稳定性分析。

3.1 有限差分法 (FDM) 分析

基于软件 FLAC2D 对土石混合体边坡进行有限差分法分析。首先将前文中得到的 DXF 格式的边坡模型导入 MIDAS GTS 中进行网格划分,然后编写一个 MIDAS2FLAC2D 的接口程序将模型导入到 FLAC2D 中。分别对不同含石量的边坡采用FLAC2D 内置的有限差分强度折减法进行稳定性分析,其计算结果如图 6 所示,计算所得的安全系数如表 2 和图 7 所示。

由图 6 可以看到,均质土体的塑性区为一条类 圆弧滑动带,而土石混合体的塑性区则较为复杂。 具体来说,滑动带沿着块石周围进行扩展,呈现出 "绕石效应"。这是由于块石的强度相对土体较大, 滑动带无法贯穿块石,因此只能绕过块石进行扩 展。同时可以看到,随着含石量的增大,边坡的滑动 带变得更为破碎和曲折,这与徐文杰等^[1]的报导 一致。从安全系数计算结果上来看,虽然在相同含 石量下,不同组边坡计算所得的安全系数存在一定 差异,但是总体上,边坡的安全系数随着含石量的 增大而增大,这一点可以在安全系数平均值上(表 2 和图 7)体现出来。同时可以发现,随着含石量的 增大,5 组边坡的安全系数的标准差也随之增大, 说明含石量越大,块石分布的随机性对边坡安全系 数的影响越大。

2021	年
------	---

Table 2 Calculation results of safety factor by finite difference method							
含石量	第一组	第二组	第三组	第四组	第五组	平均值	标准差
0	1.13	-	-	-	_	1.13	0
20	1.36	1.34	1.27	1.29	1.3	1.31	0.037
40	1.49	1.45	1.59	1.53	1.55	1.52	0.054
60	1.79	1.85	1.64	1.71	1.74	1.75	0.080





图 6 有限差分法(其中一组平行试验)分析结果 Fig. 6 Analysis results of finite difference method (one group of parallel tests)



Fig. 7 Average safety factor of slope

3.2 极限分析有限元 (FELA) 分析

基于软件 OPTUM G2 对土石混合体边坡及逆 行极限分析有限元分析(取上限解)。将前文中得到 的 DXF 文件导入 G2 中进行网格划分,然后赋予 材料参数(表1)与边界条件(G2 中的"标准边界条 件")对不同含石量的土石混合体边坡进行稳定性 分析,其计算结果如图 8 所示,计算所得的安全系 数如表 3 和图 7 所示。

由图 8 可以看到,FELA分析得到的边坡的破

坏模式与图 6 中(FDM 分析)边坡的破坏模式基本 一致,即均质土体的塑性区为一条类圆弧滑动带, 而土石混合体的塑性区则较为复杂,且随着含石量 的增大,土石混合体边坡的滑动带变得更加破碎。 由表 3 和图 7 可以看出,边坡的安全系数随含石量 的增大而增大,且含石量越大,5 组边坡的安全系 数的标准差也越大。



图 8 极限分析有限元法(其中一组平行试验)分析结果 Fig. 8 Analysis results of limit analysis finite element method (one group of parallel tests)

3.3 FDM 与 FELA 的比较

由上述两种计算方式对比可以看到,采用不同 方法进行分析的土石混合体边坡的破坏模式相差 不大,但是安全系数存在一定的差异。具体来说: FELA 方法计算得到的边坡安全系数的平均值会 略大于 FDM 方法计算得到的安全系数的平均值, 且差值随着含石量的增大而增大(图 7)。同时,对 于同一个含石量,FELA 计算得到的边坡安全系数 的标准差要大于 FDM;这是由于在采用 FELA 方 法进行分析时,我们采用的是极限分析有限元的上 限解。所以,FELA 计算出的结果总是偏安全的,即 计算出的边坡安全系数偏大。

表 3	极限分析有限兀法安全系数计算结果	

Table 3 Calculation results of safety factor of limit analysis finite element method

_				-		•			_
	含石量	第一组	第二组	第三组	第四组	第五组	平均值	标准差	
	0	1.15	-	-	-	-	1.15	0	
	20	1.35	1.46	1.42	1.41	1.32	1.39	0.056	
	40	1.79	1.68	1.58	1.54	1.55	1.63	0.106	
_	60	1.78	1.99	1.94	2.15	1.95	1.96	0.132	_

4 结论

本文通过数字图像处理获取了自然界真实颗粒的数字化模型,然后基于 MATLAB 进行特定级配与含石量的土石混合体边坡模型的构建,最后分别采用 FDM 与 FELA 方法对不同含石量的土石混合体边坡进行了稳定性分析。结果表明:

(1)采用本文提出的土石混合体随机生成方法,将块石和土体分开考虑进行计算,可有效评估土石混合体边坡稳定性。

(2)含石量对边坡稳定性影响较大,具体表现为:随着含石量的增大,土石混合体边坡的滑动带 变得更为破碎和曲折;边坡的安全系数与5组边坡 安全系数的标准差随着含石量的增大而增大。

(3)对于土石混合体边坡,FELA方法计算得 到的边坡安全系数的平均值大于 FDM 方法计算 的平均值。

参考文献:

- [1] 徐文杰,王玉杰,陈祖煜,胡瑞林.基于数字图像技术的土石混合体边坡稳定性分析[J]. 岩土力学,2008,28
 (增刊): 341-346.
- [2] 徐文杰,胡瑞林,岳中琦,张瑞,王国良.基于数字图 像分析及大型直剪试验的土石混合体块石含量与抗剪 强度关系研究 [J]. 岩石力学与工程学报,2008,27(5): 996-1007.
- [3] 廖秋林,李晓,郝钊,王思敬,吴硕,郝建明.土石混
 合体的研究现状及研究展望[J].工程地质学报,2007, 14(6): 800-807.
- [4] 胡其志,袁海峰,潘诚文,徐学文.高速公路土石混填路堤现场压实试验研究[J].公路工程,2014,39(2):45-48+53.
- [5] 肖泽林.常张高速公路土石混填路基压实特性研究[J].

公路工程,2011,36(6):127-129+133.

- [6] Medley E W. The engineering characterization of melanges and similar block-in-matrix rocks (bimrocks)[D]. Ph. D. Thesis, University of California at Berkeley, 1994.
- [7] Medley E W, Lindquist E S. The engineering significance of the scale-independence of some Franciscan melanges in California, USA [C]. //In: Daemen JJK, Schultz RA, eds. Rock Mechanics Proceedings of the 35th U.S. Symposium. Rotterdam: A.A. Balkema, 1995:907-914.
- [8] 廖秋林,李晓,董艳辉,李守定.川藏公路林芝一八 宿段地质灾害特征及形成机制初探[J].地质力学学 报,2004,10(1):33-39.
- [9] 许建聪.碎石土滑坡变形解体破坏机理及稳定性研究[D].浙江大学博士学位论文,2005.
- [10] 徐文杰,胡瑞林,谭儒蛟,曾如意,于火青.虎跳峡龙 蟠右岸土石混合体野外试验研究 [J]. 岩石力学与工程 学报,2006,25(6): 1270-1277.
- [11] Li X, Liao Q L, He J M. In situ tests and a stochastic structural model of rock and soil aggregate in the three Gorges Reservoir area, China[J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2004, 41(s1):702– 707.
- [12] Wakabayashi J, Medley E W. Geological characterization of melanges for practitioners [J]. Felsbau Journal for Engineering Geology, Geomechanics and Tunnelling, 2004;22(5):10–18.
- [13] Vallejo LE, Mawby R. Porosity influence on the shear strength of granular material-clay mixtures [J]. Engineering Geology, 2000, 58(2):125-136.
- [14] Kalender A, Sonmez H, Medley E, Tunusluoglu C, Kasapoglu KE. An approach to predicting the overall strengths of unwelded bimrocks and bimsoils[J]. Engineering Geology, 2014, 183:65–79.

- [15] Medley E W, Sanz Rehermann P F. Characterization of Bimrocks (Rock/ Soil Mixtures) with Application to Slope Stability ProbFELAs[C]. In: Eurock. 53rd Geomechanics Colloquium., Salzburg, 2004: 425-430.
- [16] 黄云龙. 地震工况下铁路路基边坡极限状态法设计研究[J]. 铁道标准设计,2019,63(5):48-53.
- [17] 黄向京, 王维. 红层软岩土石混合填料体的现场水平 推剪试验研究 [J]. 公路工程, 2008, 33 (5):61-64+81.
- [18] 黄永强,韩红桂.基于 Plaxis 的土石混填高路堤稳定

性分析研究 [J]. 公路工程, 2008, 33(6):107-110.

- [19] Medley E W. Orderly characterization of chaotic Franciscan mélanges[J]. Felsbau. 2001, 19(4):20–33.
- [20] Lindquist E S. Strength and deformation properties of Melange[D]. Ph. D. Thesis, University of California at Berkeley, 1994.
- [21] 李亮,李彦军,赵炼恒,陈嘉祺,黄栋梁,王优,雷志彬.土石混合边坡块石随机生成方法与稳定性分析[J]. 湖南大学学报(自然科学版),2017,44(7):170-178.